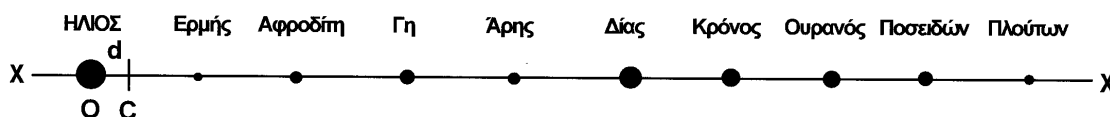


# Η ΑΠΟΔΕΙΞΗ ΤΗΣ ΜΕΤΑΚΙΝΗΣΗΣ ΤΟΥ ΠΕΡΙΗΛΙΟΥ ΤΟΥ ΠΛΑΝΗΤΗ ΕΡΜΗ

## Α. ΥΠΟΛΟΓΙΣΜΟΣ ΤΟΥ ΚΕΝΤΡΟΥ ΜΑΖΑΣ ΤΟΥ ΗΛΙΑΚΟΥ ΣΥΣΤΗΜΑΤΟΣ

Όπως είναι γνωστό, όλα τα ουράνια σώματα του Ηλιακού συστήματος, πλανήτες, αστεροειδείς, κομήτες κλπ. καθώς και ο Ήλιος, περιστρέφονται γύρω από το κέντρο μάζας του Ηλιακού μας συστήματος.

Επειδή όμως, κάθε πλανήτης  $P_i$  ( $i=1,2,3,\dots,9$ ), ήτοι κατά σειρά, Ερμής, Αφροδίτη, Γη, κ.λ.π. έχει μια περίοδο περιστροφής  $T_i$  γύρω από τον Ήλιο, αυτό σημαίνει ότι, θεωρητικώς κάποια χρονική στιγμή  $t$ , όλοι οι πλανήτες θα βρεθούν στην ίδια ημιευθεία  $ox'$  (ή πολύ πλησίον αυτής) ήτοι θα βρεθούν, σε μια ολική γενική σύνοδο, σχ. 1.



σχ. 1

Ας υποθέσουμε ότι, στην περίπτωση αυτή C είναι το κέντρο μάζας του Ηλιακού μας συστήματος.

Όπως είναι γνωστό, το κέντρο μάζας του Ηλιακού μας συστήματος, παραμένει πάντοτε σταθερό στη θέση C επί της ευθείας  $xx'$  και η θέση του αυτή C είναι, ανεξάρτητη από την κίνηση των πλανητών, γύρω από αυτό.

Λαμβάνοντας τώρα, ως αρχή μετρήσεων τον Ήλιο η απόσταση  $d$ , που απέχει ο Ήλιος από το κέντρο μάζας C του Ηλιακού συστήματος, δίδεται (όπως είναι γνωστό) από τον τύπο:

$$d = \frac{M_1 R_1 + M_2 R_2 + M_3 R_3 + \dots + M_9 R_9}{M + M_1 + M_2 + M_3 + \dots + M_9} \quad (1)$$

όπου,  $M_1, M_2, M_3, \dots, M_9$  είναι οι μάζες των πλανητών και  $R_1, R_2, R_3, \dots, R_9$ , οι αντίστοιχες αποστάσεις τους από τον Ήλιο.

$M$ , είναι η μάζα του Ηλίου.

Αντικαθιστώντας τώρα, στον τύπο (1) τις τιμές των  $M, M_1, M_2, M_3, \dots, M_9$  και  $R_1, R_2, R_3, \dots, R_9$  όπως αυτές δίδονται από τον πίνακα 1 (Στοιχεία της NASA – Solar system), ο τύπος (1) μας δίνει:

$$d = \frac{2,998 \cdot 10^{39}}{1,991 \cdot 10^{30}} \quad \text{ή}$$

$$d = 1,505 \cdot 10^9 \quad \text{m}$$

που είναι η απόσταση  $d$ , που απέχει ο Ήλιος από το κέντρο μάζας C του Ηλιακού μας συστήματος.

Επίσης, επειδή η ακτίνα  $r_0$  του Ηλίου είναι:

$$r_0 = 6,955 \cdot 10^8 \quad \text{m}$$

αυτό σημαίνει ότι, το κέντρο μάζας του Ηλιακού μας συστήματος, βρίσκεται εκτός του Ηλίου και μάλιστα σε απόσταση  $d_0$ , ήτοι:

$$d_0 = d - r_0 \quad \text{ή}$$

$$d_0 = 1,505 \cdot 10^9 - 6,955 \cdot 10^8 \quad \text{ή}$$

$$d_0 = 8,095 \cdot 10^8 \quad \text{m}$$

Δηλαδή, το κέντρο μάζας του Ηλιακού μας συστήματος βρίσκεται σε απόσταση περισσότερο από μία ακτίνα του Ηλίου, έξω από την επιφάνειά του.

Σημείωση: Για τον παραπάνω υπολογισμό του κέντρου μάζας του Ηλιακού μας συστήματος δεν ελήφθησαν υπόψη οι δορυφόροι των πλανητών, καθότι η μάζα τους είναι πάρα πολύ μικρή, σχετικά με τη συνολική μάζα του Ηλιακού μας συστήματος.

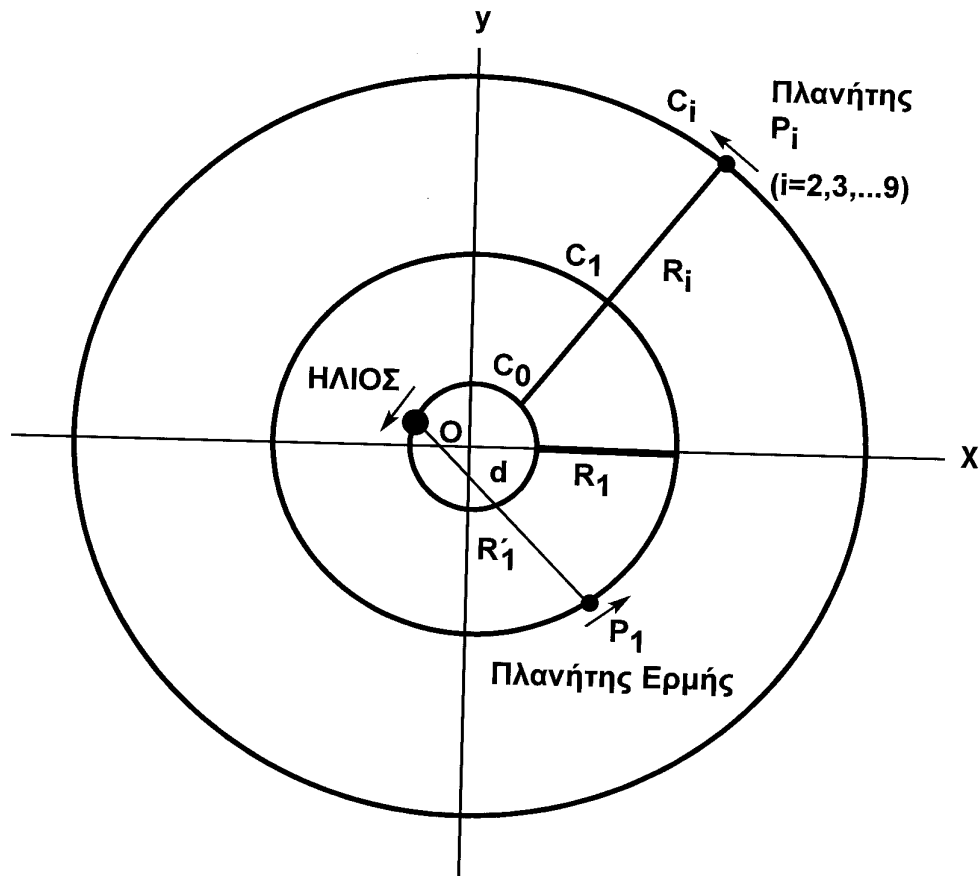
<b>ΠΙΝΑΚΑΣ 1</b>		
<b>(Στοιχεία της NASA, Solar system)</b>		
<b>ΠΛΑΝΗΤΗΣ</b> <b>P<sub>i</sub></b>	<b>ΜΑΖΑ [kgr]</b> <b>M<sub>i</sub></b>	<b>ΑΠΟΣΤΑΣΗ ΑΠΟ ΤΟΝ ΗΛΙΟ [m]</b> <b>R<sub>i</sub></b>
1. Ερμής	3,302 10 <sup>23</sup>	57,909 10 <sup>9</sup>
2. Αφροδίτη	4,868 10 <sup>24</sup>	108,208 10 <sup>9</sup>
3. Γη	5,973 10 <sup>24</sup>	149,597 10 <sup>9</sup>
4. Άρης	6,418 10 <sup>23</sup>	227,936 10 <sup>9</sup>
5. Δίας	1,898 10 <sup>27</sup>	778,412 10 <sup>9</sup>
6. Κρόνος	5,685 10 <sup>26</sup>	1,426 10 <sup>12</sup>
7. Ουρανός	8,684 10 <sup>25</sup>	2,870 10 <sup>12</sup>
8. Ποσειδών	1,024 10 <sup>26</sup>	4,498 10 <sup>12</sup>
9. Πλούτων	1,300 10 <sup>22</sup>	5,906 10 <sup>12</sup>
<b>ΗΛΙΟΣ</b>	1,989 10 <sup>30</sup>	–

Συνεπώς, επειδή όπως αναφέραμε παραπάνω, όλα τα ουράνια σώματα του Ηλιακού μας συστήματος, περιστρέφονται γύρω από το κέντρο μάζας του Ηλιακού συστήματος έτσι και ο Ήλιος θα περιστρέφεται και αυτός, γύρω από το κέντρο μάζας του Ηλιακού συστήματος, σε μία περίπου κυκλική τροχιά ακτίνας  $d = 1,505 \cdot 10^9$  m.

Το γεγονός αυτό, όπως θα δούμε αμέσως παρακάτω παίζει καθοριστικό ρόλο, σε ότι αφορά κυρίως το φαινόμενο της μετακίνησης του περιηλίου του πλανήτη Ερμή, καθώς και των άλλων πλανητών του Ηλιακού μας συστήματος.

## Β. ΥΠΟΛΟΓΙΣΜΟΣ ΤΗΣ ΜΕΤΑΚΙΝΗΣΗΣ ΤΟΥ ΠΕΡΙΗΛΙΟΥ ΤΟΥ ΠΛΑΝΗΤΗ ΕΡΜΗ

Ας υποθέσουμε σχ. 2, ότι έχουμε ένα σύστημα αναφοράς  $xoy$  του οποίου η αρχή  $o$ , είναι το κέντρο μάζας του Ηλιακού μας συστήματος.



σχ. 2

Στο σύστημα αυτό αναφοράς  $xoy$ , ο Ήλιος κινείται σε κυκλική τροχιά  $C_0$ , με κέντρο το σημείο  $o$  και ακτίνα  $d = 1,505 \cdot 10^9$  m.

Επίσης, για λόγους απλότητας στο σύστημα αυτό αναφοράς  $xoy$  θεωρούμε τις τροχιές  $C_i$  όλων των πλανητών  $P_i$  κυκλικές, όπου  $i = 1, 2, 3, \dots, 9$  είναι κατά σειράν οι πλανήτες Ερμής, Αφροδίτη, Γη, Άρης, Δίας, Κρόνος, Ουρανός, Ποσειδών και Πλούτων.

Στο σύστημα αυτό αναφοράς χογ, ως απόσταση  $R_i$  ενός πλανήτη  $P_i$  από τον Ήλιο θεωρούμε την απόσταση  $R_i$  μεταξύ των δύο ομοκέντρων περιφερειών, ήτοι της περιφέρειας  $C_i$  του πλανήτη  $P_i$  και της περιφέρειας  $C_0$  του Ηλίου.

Οι αποστάσεις αυτές  $R_i$  των πλανητών  $P_i$  από τον Ήλιο, είναι αυτές που αναφέρονται στο πίνακα 1.

### A. Ο ΠΛΑΝΗΤΗΣ ΕΡΜΗΣ

Στο σύστημα αναφοράς χογ, ο Ήλιος περιστρεφόμενος επί της τροχιάς του  $C_0$  με περίοδο  $T_0$  και ο πλανήτης Ερμής περιστρεφόμενος επί της τροχιάς του  $C_1$  με περίοδο  $T_1$  ( $T_0 \ll T_1$ ), η απόσταση  $R'_1$  μεταξύ Ηλίου και πλανήτη Ερμή συνεχώς μεταβάλλεται (περιοδικώς), συναρτήσει του χρόνου  $t$ ,  $R'_1 = R'_1(t)$ .

Η απόσταση  $R'_1$  μεταβάλλεται από  $R'_{1,\min} = R_1$  (περιήλιον), έως  $R'_{1,\max} = R_1 + 2d$  (αφήλιον).

Συνεπώς, στην περίπτωση αυτή (ισοδύναμη περίπτωση) είναι, σαν ήλιος να βρίσκεται στο σημείο ο (ήτοι, στο κέντρο μάζας του Ηλιακού συστήματος, οπότε η απόσταση  $\alpha$  μεταξύ Ηλίου και πλανήτη Ερμή θα είναι:

$$\alpha = \frac{R'_{1,\min} + R'_{1,\max}}{2} \quad \text{ή}$$

$$\alpha = \frac{R_1[\text{περιήλιον}] + (R_1 + 2d)[\text{αφήλιον}]}{2} \quad \text{ή}$$

$$\alpha = R_1 + d \quad (1)$$

### b. ΟΙ ΑΛΛΟΙ ΠΛΑΝΗΤΕΣ

Για τους άλλους πλανήτες  $P_i$  ( $i=2,3,\dots,9$ ) ήτοι Αφροδίτη, Γη, Άρης, ... κλπ., επειδή η απόσταση  $d=1,505 \cdot 10^9$  m είναι πάρα πολύ μικρή σχετικά με την απόστασή τους  $R_i$  από τον Ήλιο ( $d \ll R_i$ ), αυτό έχει ως συνέπεια οι τροχιές τους  $C_i$  να μην επηρεάζονται αισθητά από την περιστροφή του Ήλιου γύρω απ' το κέντρο μάζας του Ηλιακού συστήματος, όπως π.χ. συμβαίνει στην περίπτωση του πλανήτη Ερμή.

Έτσι λοιπόν, για τους πλανήτες αυτούς  $P_i$ , δεχόμαστε την ακρίβεια του πρώτου Νόμου του Kepler, όπου στο Νόμο αυτό (όπως είναι γνωστό) δεχόμαστε ότι, ο Ήλιος συμπίπτει με το κέντρο μάζας του Ηλιακού συστήματος.

Συνεπώς, στην περίπτωση αυτή η αποστάσεις  $R_i$  των πλανητών  $P_i$  ( $i=2,3,\dots,9$ ) από τον Ήλιο, είναι αυτές που αναφέρονται στον πίνακα 1.

Μετά λοιπόν από αυτά που αναφέραμε παραπάνω, ο υπολογισμός της μετακίνησης του περιηλίου του πλανήτη Ερμή, ανάγεται στο παρακάτω ισοδύναμο πρόβλημα:

### ΤΟ ΙΣΟΔΥΝΑΜΟ ΠΡΟΒΛΗΜΑ

Δίδεται ένα Ηλιοκεντρικό σύστημα αναφοράς  $\mathcal{O}$ , με το Ήλιο ακίνητο στη θέση  $\mathcal{O}$ , όπου  $\mathcal{O}$  είναι το κέντρο μάζας του Ηλιακού μας συστήματος.

Ο πλανήτης Ερμής, κινείται σε κυκλική τροχιά με κέντρο το σημείο  $\mathcal{O}$  και ακτίνα  $\alpha$ , σύμφωνα με τη σχέση (1), ήτοι:

$$\alpha = R_1 + d \quad \text{ή}$$

$$\alpha = R_1 + 1,505 \cdot 10^9 \text{ m} \quad (2)$$

Όλοι οι υπόλοιποι πλανήτες  $P_i$  ( $i=2,3,\dots,9$ ) ήτοι, οι πλανήτες Αφροδίτη, Γη, Άρης, ...κλπ. κινούνται σε κυκλικές τροχιές  $C_i$ , με κέντρο το σημείο  $\mathcal{O}$  και με ακτίνες  $R_i$  (αποστάσεις από τον Ήλιο), όπως αυτές δίδονται από τον πίνακα 1.

Σημείωση: Στη σχέση (2) η ακριβής απόσταση  $R_1$ , μεταξύ Ηλίου και πλανήτη Ερμή θα υπολογιστεί αμέσως παρακάτω.

### ΑΠΟΔΕΙΞΗ

#### 1. Η κλασική περίπτωση

Όπως είναι γνωστό απ' τον Le Verriere μέχρι και σήμερα για τον υπολογισμό της μετακίνησης του περιηλίου του πλανήτη Ερμή εργαζόμεσαν, θεωρώντας τον Ήλιο ακίνητο και να συμπίπτει το κέντρο μάζας του Ηλίου με το κέντρο μάζας του Ηλιακού συστήματος, χωρίς να λαμβάνουμε υπόψη μας την περιστροφή του γύρω από το κέντρο μάζας του Ηλιακού μας συστήματος.

Έτσι λοιπόν, στην κλασική αυτή περίπτωση η ελκτική δύναμη  $F_0$  που ασκεί ο Ήλιος στον πλανήτη Ερμή είναι:

$$F'_0 = -1,318 \cdot 10^{22} \text{ N} \quad (3)$$

(Βλέπε Chris Pollock [http://www.math.toronto.edu/~colliand/426\\_03/Papers03/C\\_Pollock.pdf](http://www.math.toronto.edu/~colliand/426_03/Papers03/C_Pollock.pdf))

Η δύναμη αυτή  $F'_0$  (ως γνωστό) αντιστοιχεί σε μία απόσταση  $R_1$ , Ηλίου – πλανήτη Ερμή, η οποία δίδεται από τον Νόμο του Νεύτωνα:

$$F'_0 = G \frac{m \cdot M}{R_1^2} \quad (4)$$

$$\left. \begin{aligned}
 \text{όπου, } G &= 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ η σταθερά της παγκόσμιας έλξης.} \\
 m &= 3,302 \cdot 10^{23} \text{ Kg η μάζα του πλανήτη Ερμή} \\
 M &= 1,989 \cdot 10^{30} \text{ Kg η μάζα του Ηλίου, και} \\
 F_0 &= 1,318 \cdot 10^{22} \text{ N.}
 \end{aligned} \right\} (5)$$

Αντικαθιστώντας τις παραπάνω τιμές (5) στη σχέση (4), έχουμε:

$$R_1 = 57,651 \cdot 10^9 \text{ m.} \quad (6)$$

Αυτή είναι η ακριβής απόσταση μεταξύ Ηλίου – πλανήτη Ερμή, σε ένα Ηλιοκεντρικό σύστημα με τον Ήλιο ακίνητο στο κέντρο μάζας του Ηλιακού συστήματος και χωρίς να λάβουμε υπόψη μας την περιστροφή του Ήλιου γύρω από αυτό. (Είναι, η γνωστή μέχρι σήμερα κλασική περίπτωση).

Σημείωση: Στην κλασική αυτή περίπτωση η μετακίνηση του πλανήτη Ερμή ανέρχεται σε 531,9'' / αιώνα. (βλέπε, παραπάνω εργασία Chris Pollock).

## 2. Η περίπτωση με τα νέα δεδομένα και ο υπολογισμός της μετακίνησης του περιηλίου του πλανήτη Ερμή.

Αντίθετα τώρα, σύμφωνα με τα νέα δεδομένα, ήτοι εάν λάβουμε υπόψη μας και την περιστροφή του Ήλιου γύρω απ' το κέντρο μάζας του Ηλιακού μας συστήματος, τότε με βάση το ισοδύναμο πρόβλημα που αναφέραμε παραπάνω από τις σχέσεις (2) και (6), η απόσταση  $a$  μεταξύ Ηλίου – πλανήτη Ερμή θα είναι:

$$\begin{aligned}
 a &= R_1 + 1,505 \cdot 10^9 \text{ m} \quad \text{ή} \\
 a &= 57,651 \cdot 10^9 \text{ m} + 1,505 \cdot 10^9 \text{ m} \quad \text{ή}
 \end{aligned}$$

$$\boxed{a = 59,156 \cdot 10^9 \text{ m}} \quad (7)$$

Μετά από αυτά που αναφέραμε παραπάνω μπορούμε πλέον τώρα να εργαστούμε για τον υπολογισμό της μετακίνησης του περιηλίου του Πλανήτη Ερμή.

Σύμφωνα λοιπόν, με το ισοδύναμο πρόβλημα και με βάση την τιμή (7) η δύναμη  $F_0$  που ασκεί ο Ήλιος  $M$  στο πλανήτη Ερμή  $m$ , είναι:

$$\begin{aligned}
 F_0 &= G \frac{m \cdot M}{a^2} \quad \text{ή} \\
 F_0 &= 6,67 \cdot 10^{-11} \frac{3,302 \cdot 10^{23} \times 1,989 \cdot 10^{30}}{(59,156 \cdot 10^9)^2} \quad \text{ή}
 \end{aligned}$$

$$F_0 = 1,252 \cdot 10^{22} \text{ N} \quad (8)$$

Επίσης, όπως είναι γνωστό και με βάση το ισοδύναμο πρόβλημα η μετακίνηση  $\delta\phi$  του περιηλίου του πλανήτη Ερμή, ανά περίοδο  $T$  του πλανήτη Ερμή (βλέπε παραπάνω εργασία Chris Pollock), δίδεται από τη σχέση (9):

$$\delta\phi = + \frac{2\psi - 2\pi}{T} \quad (9)$$

όπου,

$$\psi = \pi \left( 1 - \frac{F_\alpha}{F_0} - \frac{Gm\pi\alpha \sum_{i=2}^9 \lambda_i \frac{R_i^2 + \alpha^2}{(R_i^2 - \alpha^2)^2}}{2F_0} \right) \quad (10)$$

$\psi$  είναι η γωνία της γραμμής των αφίδων του πλανήτη Ερμή και  $F_\alpha$  είναι η δύναμη που ασκούν όλοι μαζί οι πλανήτες  $P_i$  ( $i=2,3,\dots,9$ ) στον πλανήτη Ερμή η οποία δύναμη  $F_\alpha$ , δίδεται από τη σχέση:

$$F_\alpha = G\pi m \sum_{i=2}^9 \lambda_i \frac{\alpha}{R_i^2 - \alpha^2} \quad (11)$$

Από τις σχέσεις (10) και (11), έχουμε την τελική σχέση:

$$\psi = \pi \left( 1 - \frac{G\pi m \sum_{i=2}^9 \lambda_i \frac{\alpha}{R_i^2 - \alpha^2}}{F_0} - \frac{Gm\pi\alpha \sum_{i=2}^9 \lambda_i \frac{R_i^2 + \alpha^2}{(R_i^2 - \alpha^2)^2}}{2F_0} \right) \quad (12)$$



όπου, στη σχέση (12),  $\lambda_i$  είναι οι γραμμικές μάζες των πλανητών  $P_i$  ( $i=2,3,\dots,9$ ) ήτοι Αφροδίτης, Γης, Άρη, Δία, Κρόνου, Ουρανού, Ποσειδώνα, και Πλούτωνα.

Επειδή ως γνωστόν η γραμμική μάζα  $\lambda_i$  ενός πλανήτη δίδεται από τη σχέση:

$$\lambda_i = \frac{M_i}{2\pi R_i} \quad (13)$$

όπου,  $M_i$  είναι η μάζα του πλανήτη  $P_i$  και  $R_i$  είναι η απόστασή του από τον Ήλιο, τότε από τη σχέση (13) και με βάση τον πίνακα 1 έχουμε τις παρακάτω τιμές για τις γραμμικές μάζες  $\lambda_i$  των πλανητών αυτών, ήτοι:

### ΓΡΑΜΜΙΚΕΣ ΜΑΖΕΣ ΠΛΑΝΗΤΩΝ

$$\left. \begin{array}{l} \text{Αφροδίτη: } \lambda_2 = 7,159 \cdot 10^{12} \\ \text{Γη} \quad : \lambda_3 = 6,354 \cdot 10^{12} \\ \text{Άρης} \quad : \lambda_4 = 4,481 \cdot 10^{11} \\ \text{Δίας} \quad : \lambda_5 = 3,880 \cdot 10^{14} \\ \text{Κρόνος} : \lambda_6 = 6,344 \cdot 10^{13} \\ \text{Ουρανός} : \lambda_7 = 4,815 \cdot 10^{12} \\ \text{Ποσειδών: } \lambda_8 = 3,623 \cdot 10^{12} \\ \text{Πλούτων} : \lambda_9 = 350.324.121 \end{array} \right\} \quad (14)$$

Επίσης, στη σχέση (12) είναι:

$$\left. \begin{array}{l} G = 6,67 \cdot 10^{-11}, \text{ η σταθερά της παγκόσμιας έλξης.} \\ m = 3,302 \cdot 10^{23}, \text{ η μάζα του πλανήτη Ερμή.} \\ \lambda_i = \text{ οι γραμμικές μάζες των πλανητών } P_i \text{ (} i=2,3,\dots,9 \text{) όπως δίδονται από τις σχέσεις (14).} \\ R_i = \text{ οι αποστάσεις των πλανητών } P_i \text{ (} i=2,3,\dots,9 \text{) από τον Ήλιο, όπως δίδονται από τον πίνακα 1.} \\ \alpha = 59,156 \cdot 10^9 \text{ m η απόσταση Ηλίου – πλανήτη Ερμή όπως δίδεται από τη σχέση (7).} \\ F_0 = - 1,252 \cdot 10^{22} \text{ N η δύναμη που ασκεί ο Ήλιος στον πλανήτη Ερμή, όπως δίδεται από τη σχέση (8),} \end{array} \right\} \quad (15)$$

Σημείωση: Το αρνητικό πρόσημο της δύναμης  $F_0$ , σημαίνει ότι η δύναμη  $F_0$  που ασκεί ο Ήλιος στον πλανήτη Ερμή είναι αντίθετη με τη δύναμη  $F_\alpha$ , που ασκούν όλοι μαζί οι άλλοι πλανήτες στον πλανήτη Ερμή.

Από τη σχέση (11) σύμφωνα με τις τιμές (14) και (15) προκύπτει ότι, η δύναμη  $F_\alpha$ , είναι:

$$F_\alpha = 7,752 \cdot 10^{15} \text{ N}$$

Αντικαθιστώντας τώρα στην τελική σχέση (12) τις τιμές που δίδονται από τις σχέσεις (14) και (15) έχουμε:

$$\psi = \pi \left( 1 + \frac{7,752 \cdot 10^{15}}{1,252 \cdot 10^{22}} + \frac{1,333 \cdot 10^{16}}{2,504 \cdot 10^{22}} \right) \quad \text{ή}$$

$$\psi = \pi(1 + 6,1916932 \cdot 10^{-7} + 4,5247603 \cdot 10^{-7}) \quad \text{ή}$$

$$\psi = 3,141596021 \quad \text{ή}$$

$$2\psi = 6,283192042 \quad (16)$$

Επίσης, είναι:

$$2\pi = 6,283185307 \quad (17)$$

Από τις σχέσεις (16) και (17) έχουμε:

$$2\psi - 2\pi = 6,735 \cdot 10^{-6} \text{ ακίνια} \quad (18)$$

Οπότε, από τις σχέσεις (18) και (9), έχουμε:

$$\delta\phi = +6,735 \cdot 10^{-6} \text{ ακτίνια}$$

ανά περίοδο T του πλανήτη Ερμή. (T = 87,969 ημέρες) ή

$$\delta\phi = +1,3891''$$

ανά περίοδο T του πλανήτη Ερμή (2π ακτίνια = 1.296.000'') ή

$$\delta\phi = +5,767'' / \text{έτος}$$

(1 έτος = 365,24 ημέρες), ή τελικώς:

$$\delta\phi = +576,7'' / \text{αιώνα} \quad (19)$$

Αυτή είναι λοιπόν, η ζητούμενη τιμή της μετακίνησης  $\delta\phi$  του περιηλίου του πλανήτη Ερμή, όταν λάβουμε υπόψη μας και την περιστροφή του Ήλιου, γύρω από το κέντρο μάζας του Ηλιακού μας συστήματος.

Η τιμή αυτή των 576,7'' / αιώνα που προέκυψε συμφωνεί με πάρα πολύ μεγάλη ακρίβεια με την τιμή των 574,8'' / αιώνα που μας δίδουν οι αστρονομικές παρατηρήσεις για την μετακίνηση του περιηλίου του Ερμή με σφάλμα  $\varepsilon$  το οποίο είναι:

ήτοι:

$$\varepsilon = \frac{576,7'' - 574,8''}{574,8''} \text{ αιώνα} = 3 \frac{9}{100} \text{ (τοις χιλιοίσι) αιώνα}$$

ή με διαφορά  $\delta$ :

$$\delta = 576,7'' - 574,8''$$

ήτοι:

$$\delta = 1,9'' / \text{αιώνα}$$

Όπως παρατηρούμε, η διαφορά αυτή  $\delta = 1,9''$  / αιώνα είναι πάρα πολύ μικρή και φανερώνει τα πραγματικά αίτια της μετακίνησης του περιηλίου του πλανήτη Ερμή τα οποία είναι κυρίως:

- a) Οι παρελκτικές δυνάμεις από τους άλλους πλανήτες που ασκούνται στον πλανήτη Ερμή, και
- b) Η περιστροφή του Ήλιου, γύρω από το κέντρο μάζας του Ηλιακού συστήματος, όπως αποδείξαμε παραπάνω.

Μετά λοιπόν, από όλα αυτά που αναφέραμε στα προηγούμενα, καταλήγουμε τώρα στο παρακάτω βασικό συμπέρασμα:

## ΣΥΜΠΕΡΑΣΜΑ

Τα  $43''$  / αιώνα της μετακίνησης του περιηλίου του πλανήτη Ερμή τα οποία υπολείπονται των αστρονομικών παρατηρήσεων δεν οφείλονται στην καμπύλωση του χωροχρόνου γύρω από τον Ήλιο, όπως λανθασμένα ισχυρίζεται η Θεωρία της Σχετικότητας.

Τα  $43''$  / αιώνα της μετακίνησης του περιηλίου του πλανήτη Ερμή (όπως αποδείχτηκε παραπάνω) οφείλονται στην περιστροφή του Ήλιου, γύρω απ' το κέντρο μάζας του Ηλιακού μας συστήματος, γεγονός το οποίο δεν ελήφθη ποτέ μέχρι σήμερα υπόψη για τον υπολογισμό της μετακίνησης του περιηλίου του πλανήτη Ερμή. Τελικώς, μετά από όλα αυτά που αναφέραμε στη μελέτη αυτή η Θεωρία της Σχετικότητας θα πρέπει να θεωρηθεί αναμφισβήτητα λανθασμένη.

## ΑΞΙΟΣΗΜΕΙΩΤΗ ΠΑΡΑΤΗΡΗΣΗ

Με την παραπάνω εργασία, υπολογίστηκε η μετακίνηση του περιηλίου του πλανήτη Ερμή με σφάλμα  $\varepsilon = 3\%$  (τοις χιλίοις) / αιώνα ή με διαφορά  $\delta = 1,9''$  / αιώνα.

Βεβαίως, υπάρχουν κι άλλες θεωρητικές μέθοδοι με διαφορετικό σκεπτικό με βάση τις οποίες, μπορεί να υπολογιστεί η μετακίνηση του περιηλίου του πλανήτη Ερμή, ίσως με ακόμη μικρότερο σφάλμα  $\varepsilon$  και διαφορά  $\delta$ .

Οι υπολογισμοί των θεωρητικών αυτών μεθόδων εάν, παρουσιάζουν σφάλμα  $\varepsilon \ll 3\%$  (τοίς χιλίοις) / αιώνα και διαφορά  $\delta \ll$  του  $1,9''$  / αιώνα (συγκριτικά με την παρούσα μελέτη) θα έχουν πολύ ενδιαφέρον να δημοσιευθούν.

Copyright 2006: Christos A. Tsolkas

Χρήστος Α. Τσόλκας  
Μάιος 2006